Графическое моделирование модальной логики знания a-priori и a-posteriori с помощью логического квадрата и гексагона (разрешение некоторых логических противоречий между Платоном, Поппером, Локком, Юмом, Лейбницем, Гёделем, Чёрчем)

B.O. Лобовиков Уральский федеральный университет vlobovikov@mail.ru

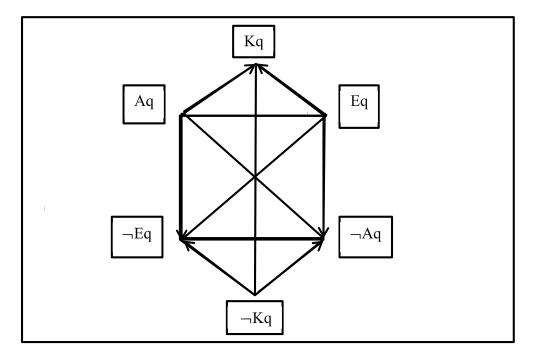
Пусть символы Kq, Aq, Eq, Pq, Oq, Gq, Mq обозначают, соответственно, модальности: «(субъект S имеет) знание, что q»; «(субъект S имеет) априорное знание, что q»; «(субъект S имеет) эмпирическое знание, что q»; «доказуемо, что q»; «обязательно, что q»; «хорошо, что q»; «существует механизм, т.е. алгоритм (машина), устанавливающий, что q». Символы &, \vee , \leftrightarrow , \neg , \equiv имеют классические логические значения. Символ L обозначает алетическую необходимость; q – истинное или ложное высказывание.

В ряде публикаций в 2014-2016 годах [4] были предложены следующие определения сложных (смешанных) эпистемических модальностей Aq и Eq.

$$Aq = (Kq & (Lq & L(q \leftrightarrow Pq) & L(q \leftrightarrow Mq) & L(q \leftrightarrow Oq) & L(Oq \leftrightarrow Gq)))$$
(1)

$$Eq \equiv (Kq \& (\neg Lq \lor \neg L(q \leftrightarrow Pq) \lor \neg L(q \leftrightarrow Mq) \lor \neg L(q \leftrightarrow Oq)) \lor \neg L(Oq \leftrightarrow Gq))$$
 (2)

В настоящей работе эти сложные дефиниции обсуждаются детально. В частности, демонстрируется, что, если эти определения приняты, то система логических взаимоотношений между модальностями Kq, Aq, Eq, ¬Aq, ¬Eq, ¬Kq адекватно моделируется следующими логическими квадратом и гексагоном.



В настоящей работе демонстрируется, что предложенная экспликация вышеупомянутых эпистемологических понятий дает возможность устранить ощущение явного логического противоречия: (I) между рационалистическим априоризмом Платона-Лейбница [1; 2; 7-9; 15; 16] и эмпиризмом Локка-Юма-Поппера [5; 13; 10; 11];

(II) между написанным на латинском языке трактатом Лейбница "Generales Inquisitiones de Analysi Notionum et Veritatum" [2, с. 589, 603-605] и метатеоремами-онеполноте Гёделя [6]; (III) между «Теодицеей» Лейбница [3] и «Гильотиной» Юма [14]; (IV) между девизом Лейбница "Calculemus!" и теоремой Чёрча о неразрешимости исчисления предикатов [12].

Литература

- 1. Лейбниц Γ . В. Новые опыты о человеческом разумении автора системы предустановленной гармонии // Γ .В. Лейбниц. Соч. в 4 m. Т.2. М.: Мысль, 1983. С. 47-545.
- 2. Лейбниц Г. В. Общие исследования, касающиеся анализа понятий и истин // Г.В. Лейбниц. Соч. в 4 m. Т.3. М.: Мысль, 1984. С. 572- 616.
- 3. Лейбниц Г. В. Опыты теодицеи о благости Божией, свободе человека и начале зла // Г.В. Лейбниц. Соч. в 4 m. Т. 4. М.: Мысль, 1989. С. 49-554.
- 4. Лобовиков В. О. Аксиоматическая система эпистемологии // Известия Уральского федерального университета. Серия 3. 2016. № 1 (149). С. 5-19.
- 5. Локк Дж. Опыт о человеческом разуме // Дж. Локк. Избранные философские произведения в 2 т. Т.1. М.: Изд.-соц.-эк.-лит., 1960.
- 6. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. М.: Наука, 1976.
- 7. Платон. Федон, Пир, Федр, Парменид. М.: Мысль, 1999.
- 8. Платон. Апология Сократа, Критон, Ион, Протагор. М.: Мысль, 1999.
- 9. Платон. Филеб, Государство, Тимей, Критий. М.: Мысль, 1999.
- 10. Поппер К. Логика научного исследования. М.: Республика, 2005.
- 11. Поппер К. Предположения и опровержения. М.: АСТ, 2008.
- 12. Чёрч А. Введение в математическую логику. Т.1. М.: Изд-во иностранной литературы, 1960.
- 13. Юм Д. Исследование о человеческом разумении. М.: Прогресс, 1995.
- 14. Юм Д. Трактат о человеческой природе. Мн.: Попурри, 1998.
- 15. Guthrie W. K. C. A History of Greek Philosophy. Vol. IV: Plato: The Man and his Dialogues: Earlier Period. Cambridge: The University Press, 1975.
- 16. Guthrie W. K. C. *A History of Greek Philosophy. Vol. V: The Later Plato and the Academy.* Cambridge: The University Press, 1978.